

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

1. n進法の1はひとつ下の桁の1の□倍の値

$$10進法 : 1111_{(10)} = 1 \times \text{千} + 1 \times \text{百} + 1 \times \text{十} + 1 \times \text{一} = 1111_{(10)}$$

$$2進法 : 1111_{(2)} = 1 \times 8 + 1 \times 4 + 1 \times 2 + 1 \times 1 = 15_{(10)}$$

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? (…実は例外アリ!)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

1. n進法の1はひとつ下の桁の1の□倍の値

$$10進法: 1111_{(10)} = 1 \times \underset{10 \times 10 \times 10 \uparrow}{\text{千}} + 1 \times \underset{10 \times 10 \uparrow}{\text{百}} + 1 \times \underset{10 \uparrow}{\text{十}} + 1 \times \underset{1 \uparrow}{\text{一}} = 1111_{(10)}$$

$$2進法 : 1111_{(2)} = 1 \times 8 + 1 \times 4 + 1 \times 2 + 1 \times 1 = 15_{(10)}$$

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? (…実は例外アリ!)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

1. n進法の1はひとつ下の桁の1の□倍の値

$$10進法: 1111_{(10)} = 1 \times \underset{10 \times 10 \times 10 \uparrow}{千} + 1 \times \underset{10 \times 10 \uparrow}{百} + 1 \times \underset{10 \uparrow}{十} + 1 \times \underset{1 \uparrow}{一} = 1111_{(10)}$$

$$2進法: 1111_{(2)} = 1 \times \underset{2 \times 2 \times 2 \uparrow}{8} + 1 \times \underset{2 \times 2 \uparrow}{4} + 1 \times \underset{2 \uparrow}{2} + 1 \times \underset{1 \uparrow}{1} = 15_{(10)}$$

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? (…実は例外アリ!)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“”(手)で!





# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

## 1. n進法の1はひとつ下の桁の1の n 倍の値

④ nの4乗 =  $n \times n \times n \times n \dots$   !

③ nの3乗 =  $n \times n \times n \dots$

② nの2乗 =  $n \times n \dots$

① nの1乗 =  $n \dots$

⑤ nの0乗 =  $\dots$   !

⑥ nの-1乗 =

⑦ nの-2乗 =

$n^1 = 1111_{(10)}$   
 $n^0 = 15_{(10)}$   
 $n^{-1} = 1$

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? (…実は例外アリ!)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

## 1. n進法の1はひとつ下の桁の1の n 倍の値

④ nの4乗 =  $n \times n \times n \times n \dots$   !

③ nの3乗 =  $n \times n \times n \dots$

② nの2乗 =  $n \times n \dots$

① nの1乗 =  $n \dots$

⑤ nの0乗 =  $\dots$   !

⑥ nの-1乗 =

⑦ nの-2乗 =

$\times \text{---} = 1111_{(10)}$

1~3乗で  
は“視覚化”  
が有効!

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? (…実は例外アリ!)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

## 1. n進法の1はひとつ下の桁の1の n 倍の値

④ nの4乗 =  $n \times n \times n \times n \dots$   !

③ nの3乗 =  $n \times n \times n \dots$

② nの2乗 =  $n \times n \dots$

① nの1乗 =  $n \dots$

⑤ nの0乗 =  $\dots$   !

⑥ nの-1乗 =

⑦ nの-2乗 =

$\times \text{---} = 1111_{(10)}$

1~3乗で  
は“視覚化”  
が有効!

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? (…実は例外アリ!)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

## 1. n進法の1はひとつ下の桁の1の n 倍の値

④ nの4乗 =  $n \times n \times n \times n \dots$   !

③ nの3乗 =  $n \times n \times n \dots$

② nの2乗 =  $n \times n \dots$

① nの1乗 =  $n \dots$  長さnの線分

⑤ nの0乗 =  $\dots$   !

⑥ nの-1乗 =

⑦ nの-2乗 =

$\times \text{---} = 1111_{(10)}$

1~3乗では“視覚化”が有効!

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? ( $\dots$ 実は例外アリ!)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

## 1. n進法の1はひとつ下の桁の1の n 倍の値

④ nの4乗 =  $n \times n \times n \times n \dots$   !

③ nの3乗 =  $n \times n \times n \dots$

② nの2乗 =  $n \times n \dots$

① nの1乗 =  $n \dots$  長さnの線分

⑤ nの0乗 =  $\dots$   !

⑥ nの-1乗 =

⑦ nの-2乗 =

$\times \text{---} = 1111_{(10)}$

1~3乗で  
は“視覚化”  
が有効!

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? ( $\dots$ 実は例外アリ!)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

## 1. n進法の1はひとつ下の桁の1の n 倍の値

④ nの4乗 =  $n \times n \times n \times n \dots$   !

③ nの3乗 =  $n \times n \times n \dots$

② nの2乗 =  $n \times n \dots$  一辺nの面積

① nの1乗 =  $n \dots$  長さnの線分

⑤ nの0乗 =  $\dots$   !

⑥ nの-1乗 =

⑦ nの-2乗 =

$\times \text{---} = 1111_{(10)}$

1~3乗で  
は“視覚化”  
が有効!

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? ( $\dots$  実は例外アリ!)

3. “視覚化” (眼) が無効なら “” (手) で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

## 1. n進法の1はひとつ下の桁の1の n 倍の値

④ nの4乗 =  $n \times n \times n \times n \dots$   !

③ nの3乗 =  $n \times n \times n \dots$

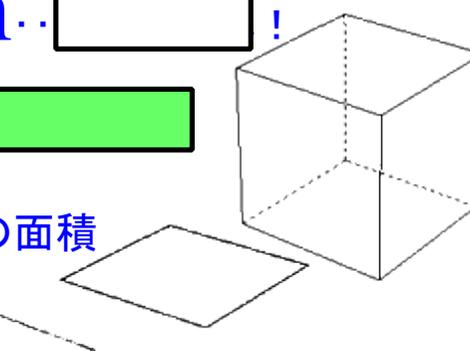
② nの2乗 =  $n \times n \dots$  一辺nの面積

① nの1乗 =  $n \dots$  長さnの線分

⑤ nの0乗 =  $\dots$   !

⑥ nの-1乗 =

⑦ nの-2乗 =



$x \dots = 1111_{(10)}$

1~3乗では“視覚化”が有効!

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? (…実は例外アリ!)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

## 1. n進法の1はひとつ下の桁の1の n 倍の値

④ nの4乗 =  $n \times n \times n \times n$  ...  !

③ nの3乗 =  $n \times n \times n$  ... 一辺nの体積

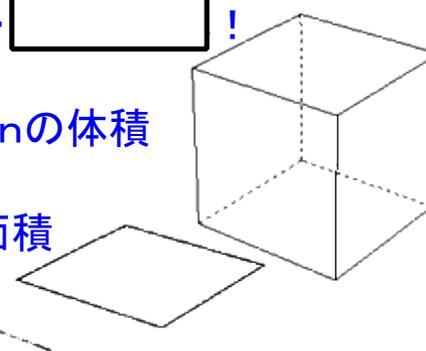
② nの2乗 =  $n \times n$  ... 一辺nの面積

① nの1乗 =  $n$  ... 長さnの線分

⑤ nの0乗 = ...  !

⑥ nの-1乗 =

⑦ nの-2乗 =



$x = 1111_{(10)}$

1~3乗では“視覚化”が有効!

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? (…実は例外アリ!)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

## 1. n進法の1はひとつ下の桁の1の n 倍の値

④ nの4乗 =  $n \times n \times n \times n$  ..  !

③ nの3乗 =  $n \times n \times n$  .. 一辺nの体積

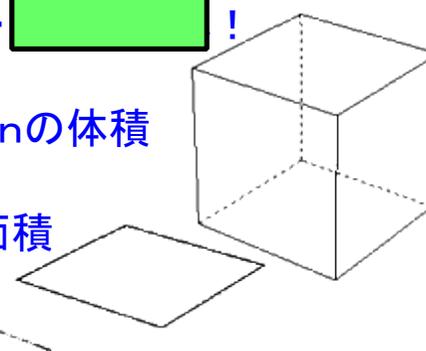
② nの2乗 =  $n \times n$  .. 一辺nの面積

① nの1乗 =  $n$  .. 長さnの線分

⑤ nの0乗 = ..  !

⑥ nの-1乗 =

⑦ nの-2乗 =



x = 1111<sub>(10)</sub>

1~3乗では“視覚化”が有効!

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? (..実は例外アリ!)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

## 1. n進法の1はひとつ下の桁の1の n 倍の値

④ nの4乗 =  $n \times n \times n \times n$  ... 対応物無し!

③ nの3乗 =  $n \times n \times n$  ... 一辺nの体積

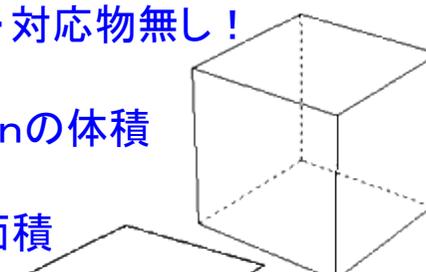
② nの2乗 =  $n \times n$  ... 一辺nの面積

① nの1乗 =  $n$  ... 長さnの線分

⑤ nの0乗 =

⑥ nの-1乗 =

⑦ nの-2乗 =



$$\times \text{---} = 1111_{(10)}$$

1~3乗では“視覚化”が有効!

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? (...実は例外アリ!)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

## 1. n進法の1はひとつ下の桁の1の n 倍の値

④ nの4乗 =  $n \times n \times n \times n$  ... 対応物無し!

③ nの3乗 =  $n \times n \times n$  ... 一辺nの体積

② nの2乗 =  $n \times n$  ... 一辺nの面積

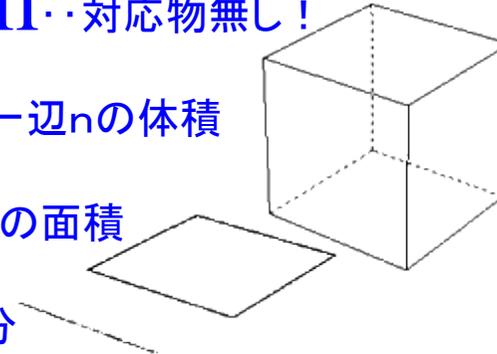
① nの1乗 =  $n$  ... 長さnの線分

⑤ nの0乗 =

⑥ nの-1乗 =

⑦ nの-2乗 =

... 対応物無し!



$\times \text{---} = 1111_{(10)}$

1~3乗では“視覚化”が有効!

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? (...実は例外アリ!)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

## 1. n進法の1はひとつ下の桁の1の n 倍の値

④ nの4乗 =  $n \times n \times n \times n$  ... 対応物無し!

③ nの3乗 =  $n \times n \times n$  ... 一辺nの体積

② nの2乗 =  $n \times n$  ... 一辺nの面積

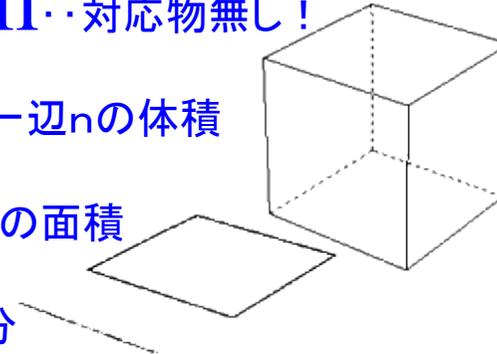
① nの1乗 =  $n$  ... 長さnの線分

⑤ nの0乗 =

⑥ nの-1乗 =

⑦ nの-2乗 =

... 対応物無し!



$$\times \text{---} = 1111_{(10)}$$

1~3乗では“視覚化”が有効!

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? (...実は例外アリ!)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“手続き”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

## 1. n進法の1はひとつ下の桁の1の n 倍の値

④ nの4乗 =  $n \times n \times n \times n$  ... 対応物無し!

③ nの3乗 =  $n \times n \times n$  ... 一辺nの体積

② nの2乗 =  $n \times n$  ... 一辺nの面積

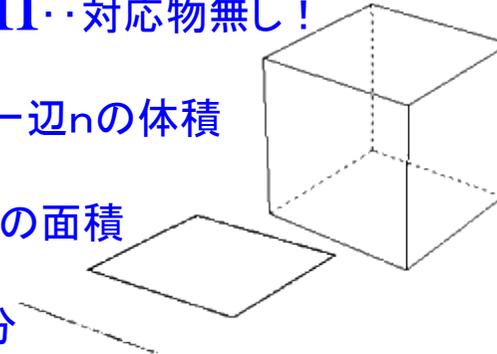
① nの1乗 =  $n$  ... 長さnの線分

⑤ nの0乗 =

⑥ nの-1乗 =

⑦ nの-2乗 =

... 対応物無し!



$$\times \text{---} = 1111_{(10)}$$

1~3乗では“視覚化”が有効!

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? (...実は例外アリ!)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“手続き”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

## 1. n進法の1はひとつ下の桁の1の n 倍の値

④ nの4乗 =  $n \times n \times n \times n$  ... 対応物無し!

③ nの3乗 =  $n \times n \times n$  ... 一辺nの体積

② nの2乗 =  $n \times n$  ... 一辺nの面積

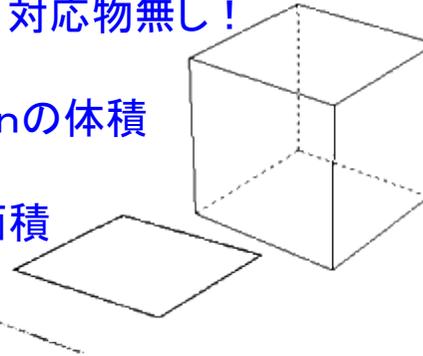
① nの1乗 =  $n$  ... 長さnの線分

⑤ nの0乗 =

⑥ nの-1乗 =

⑦ nの-2乗 =

... 対応物無し!



であれば、  
n進法の1  
はひとつ上  
の桁の1の  
■の値!

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? (...実は例外アリ!)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“手続き”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

## 1. n進法の1はひとつ下の桁の1の n 倍の値

④  $n$ の4乗 =  $n \times n \times n \times n$  ... 対応物無し!

③  $n$ の3乗 =  $n \times n \times n$  ... 一辺  $n$ の体積

②  $n$ の2乗 =  $n \times n$  ... 一辺  $n$ の面積

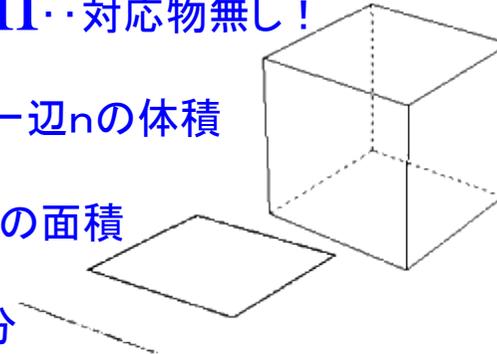
①  $n$ の1乗 =  $n$  ... 長さ  $n$ の線分

⑤  $n$ の0乗 =

⑥  $n$ の-1乗 =

⑦  $n$ の-2乗 =

... 対応物無し!



であれば、  
 $n$ 進法の1  
はひとつ上  
の桁の1の  
 $1/n$ の値!

2.  $n^0$  はなぜ ( $n$ を問わず) 1なのか? (...実は例外アリ!)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“手続き”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

## 1. n進法の1はひとつ下の桁の1の n 倍の値

④ **nの4乗** =  $n \times n \times n \times n$  ... 対応物無し!

③ **nの3乗** =  $n \times n \times n$  ... 一辺nの体積

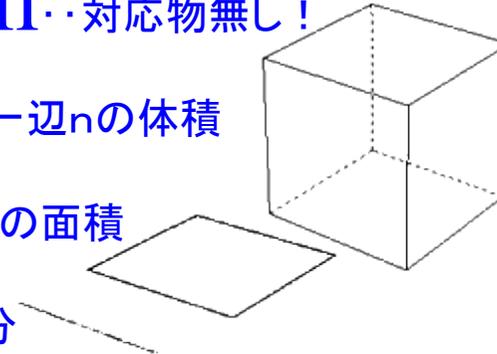
② **nの2乗** =  $n \times n$  ... 一辺nの面積

① **nの1乗** =  $n$  ... 長さnの線分

⑤ **nの0乗** =  $n \div n =$  ... 対応物無し!

⑥ **nの-1乗** =

⑦ **nの-2乗** =



であれば、  
n進法の1  
はひとつ上  
の桁の1の  
1/nの値!

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? (...実は例外アリ!)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“手続き”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

## 1. n進法の1はひとつ下の桁の1の n 倍の値

④ **nの4乗** =  $n \times n \times n \times n$  ... 対応物無し!

③ **nの3乗** =  $n \times n \times n$  ... 一辺nの体積

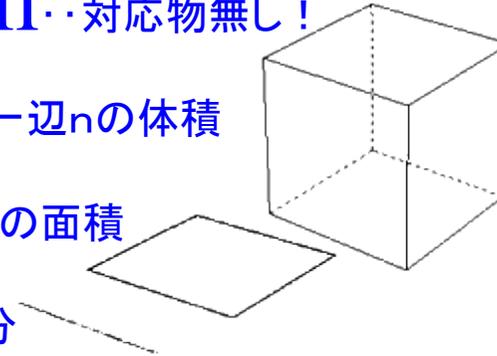
② **nの2乗** =  $n \times n$  ... 一辺nの面積

① **nの1乗** =  $n$  ... 長さnの線分

⑤ **nの0乗** =  $n \div n = 1$  ... 対応物無し!

⑥ **nの-1乗** =

⑦ **nの-2乗** =



であれば、  
n進法の1  
はひとつ上  
の桁の1の  
1/nの値!

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? (...実は例外アリ!)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“手続き”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

## 1. n進法の1はひとつ下の桁の1の n 倍の値

④ **nの4乗** =  $n \times n \times n \times n$  ... 対応物無し!

③ **nの3乗** =  $n \times n \times n$  ... 一辺nの体積

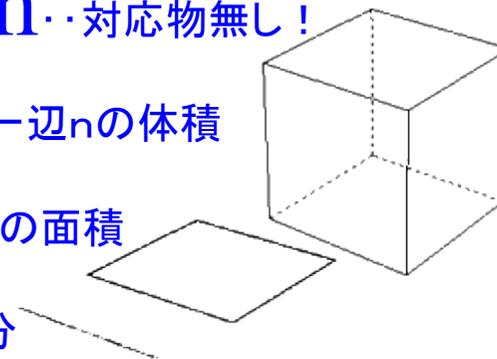
② **nの2乗** =  $n \times n$  ... 一辺nの面積

① **nの1乗** =  $n$  ... 長さnの線分

⑤ **nの0乗** =  $n \div n = 1$  ... 対応物無し!

⑥ **nの-1乗** =  $1 \div n =$

⑦ **nの-2乗** =



であれば、  
n進法の1  
はひとつ上  
の桁の1の  
1/nの値!

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? (...実は例外アリ!)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“手続き”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

## 1. n進法の1はひとつ下の桁の1の n 倍の値

④ nの4乗 =  $n \times n \times n \times n$  ... 対応物無し!

③ nの3乗 =  $n \times n \times n$  ... 一辺nの体積

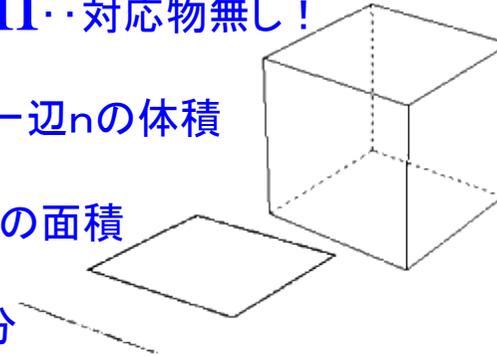
② nの2乗 =  $n \times n$  ... 一辺nの面積

① nの1乗 =  $n$  ... 長さnの線分

⑤ nの0乗 =  $n \div n = 1$  ... 対応物無し!

⑥ nの-1乗 =  $1 \div n = 1/n$

⑦ nの-2乗 =



であれば、  
n進法の1  
はひとつ上  
の桁の1の  
 $1/n$ の値!

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? (...実は例外アリ!)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“手続き”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

## 1. n進法の1はひとつ下の桁の1の n 倍の値

④ nの4乗 =  $n \times n \times n \times n$  ... 対応物無し!

③ nの3乗 =  $n \times n \times n$  ... 一辺nの体積

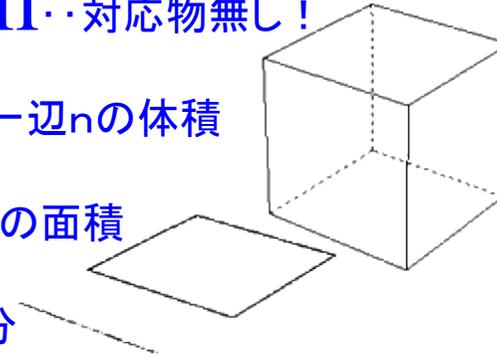
② nの2乗 =  $n \times n$  ... 一辺nの面積

① nの1乗 =  $n$  ... 長さnの線分

⑤ nの0乗 =  $n \div n = 1$  ... 対応物無し!

⑥ nの-1乗 =  $1 \div n = 1/n$

⑦ nの-2乗 =  $(1/n) \div n =$



であれば、  
n進法の1  
はひとつ上  
の桁の1の  
 $1/n$ の値!

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? (...実は例外アリ!)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“手続き”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

## 1. n進法の1はひとつ下の桁の1のn倍の値

④ nの4乗 =  $n \times n \times n \times n$  ... 対応物無し!

③ nの3乗 =  $n \times n \times n$  ... 一辺nの体積

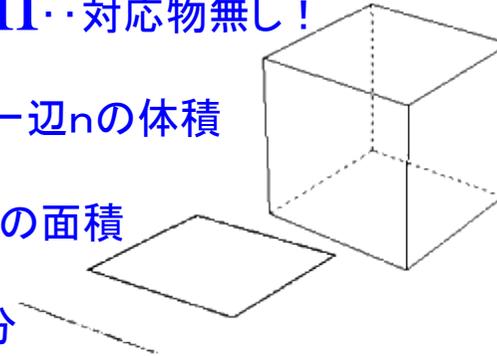
② nの2乗 =  $n \times n$  ... 一辺nの面積

① nの1乗 =  $n$  ... 長さnの線分

⑤ nの0乗 =  $n \div n = 1$  ... 対応物無し!

⑥ nの-1乗 =  $1 \div n = 1/n$

⑦ nの-2乗 =  $(1/n) \div n = 1/(n \times n)$



であれば、  
n進法の1  
はひとつ上  
の桁の1の  
 $1/n$ の値!

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? (...実は例外アリ!)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“手続き”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

## 1. n進法の1はひとつ下の桁の1の n 倍の値

④ nの4乗 =  $n \times n \times n \times n$  ... 対応物無し!

③ nの3乗 =  $n \times n \times n$  ... 一辺nの体積

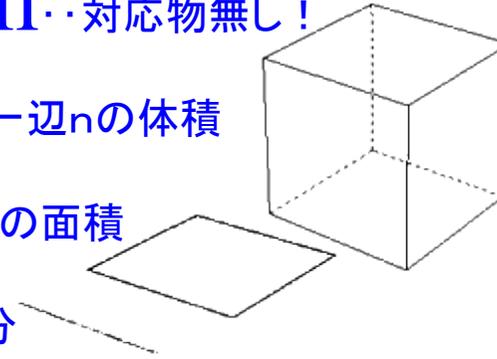
② nの2乗 =  $n \times n$  ... 一辺nの面積

① nの1乗 =  $n$  ... 長さnの線分

⑤ nの0乗 =  $n \div n = 1$  ... 対応物無し!

⑥ nの-1乗 =  $1 \div n = 1/n$

⑦ nの-2乗 =  $(1/n) \div n = 1/(n \times n)$



であれば、  
n進法の1  
はひとつ上  
の桁の1の  
1/nの値!

例外はn  
=  の時

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? (...)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“手続き”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

## 1. n進法の1はひとつ下の桁の1の n 倍の値

④ **nの4乗** =  $n \times n \times n \times n$  ... 対応物無し!

③ **nの3乗** =  $n \times n \times n$  ... 一辺nの体積

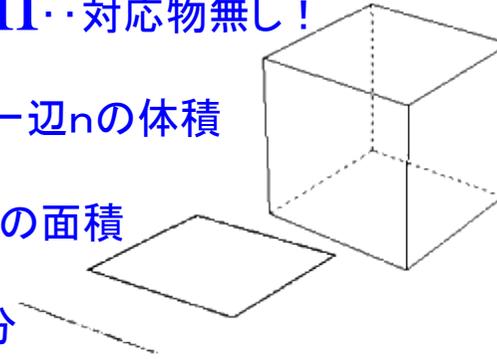
② **nの2乗** =  $n \times n$  ... 一辺nの面積

① **nの1乗** =  $n$  ... 長さnの線分

⑤ **nの0乗** =  $n \div n = 1$  ... 対応物無し!

⑥ **nの-1乗** =  $1 \div n = 1/n$

⑦ **nの-2乗** =  $(1/n) \div n = 1/(n \times n)$



であれば、  
n進法の1  
はひとつ上  
の桁の1の  
1/nの値!

例外はn  
=0の時

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? (...)

3. “視覚化”(眼)が無効なら“手続き”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

〔広辞苑 第六版 DVD-ROM版 - 動画・画

そうさ-しゅぎ【操作主義】サウ...

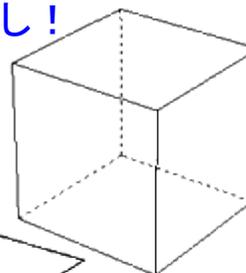
〔哲〕概念の意味は一定の具体的操作によって規定されると考える立場。例えば長さの概念は長さを測る一群の測定操作によって定義される。アメリカの物理学者ブリッジマン(P.W.Bridgman 1882~1961)が提唱。

## の桁の1の n 倍の値

忘物無し!

体積

無し!



であれば、  
n進法の1  
はひとつ上  
の桁の1の  
1/nの値!

例外はn  
=0の時

⑦  $n$ の-2乗= $(1/n) \div n = 1/(n \times n)$

2.  $n^0$  はなぜ (nを問わず) 1なのか? (...)
3. “視覚化”(眼)が無効なら“手続き”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

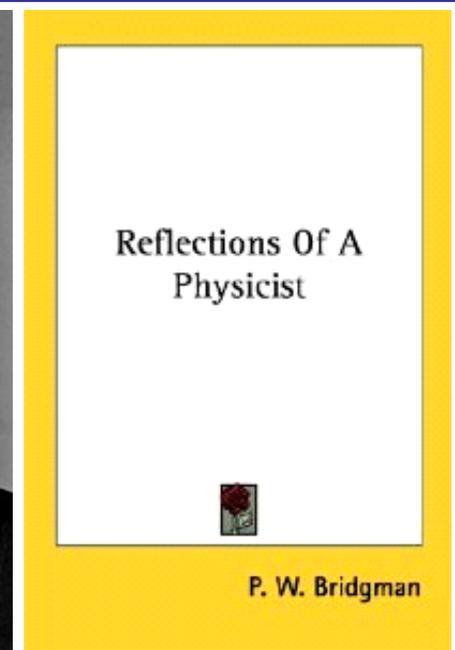
June 26, 2013  
加藤 厚

〔広辞苑 第六版 DVD-ROM版 - 動画・画

**そうさ-しゅぎ**【操作主義】サウ...

〔哲〕概念の意味は一定の具体的操作によって規定されると考える立場。例えば長さの概念は長さを測る一群の測定操作によって定義される。アメリカの物理学者ブリッジマン(P.W.Bridgman 1882~1961)が提唱。

## 桁の1の n 倍の値



⑦  $n$  の  $-2$  乗  $= (1/n) \div n = 1/(n \times n)$

例外は  $n = 0$  の時

2.  $n^0$  はなぜ ( $n$  を問わず) 1 なのか? (...)
3. “視覚化” (眼) が無効なら “手続き” (手) で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

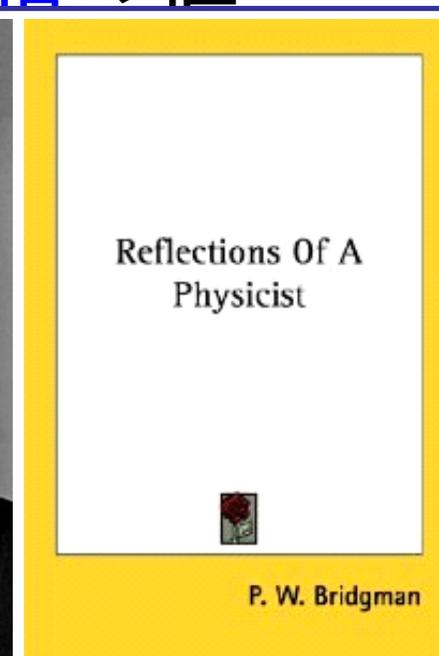
〔広辞苑 第六版 DVD-ROM版 - 動画・画

**そうさ-しゅぎ**【操作主義】サウ...

〔哲〕概念の意味は一定の具体的操作によって規定されると考える立場。例えば長さの概念は長さを測る一群の測定操作によって定義される。アメリカの物理学者ブリッジマン(P.W.Bridgman 1882~1961)が提唱。

この定義の長所は“概念”が実現可能なこと！ 例:ロープで直角を定義

## 桁の1の n 倍の値



⑦  $n$ の-2乗= $(1/n) \div n = 1/(n \times n)$

例外は  $n = 0$  の時

2.  $n^0$  はなぜ ( $n$ を問わず) 1なのか? (...)
3. “視覚化”(眼)が無効なら“手続き”(手)で!

# 0乗=1の理由とその例外

June 26, 2013  
加藤 厚

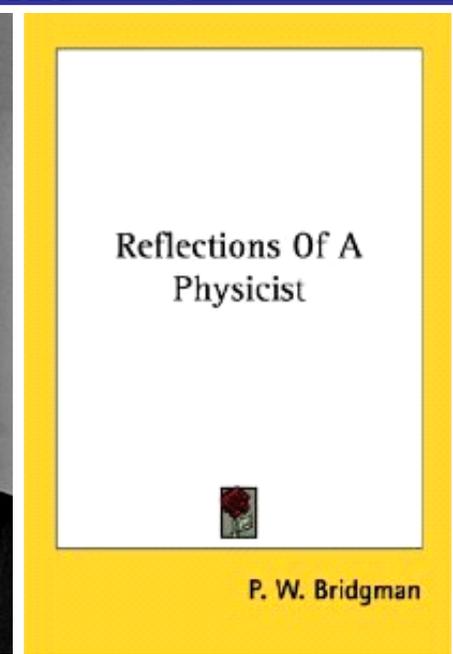
〔広辞苑 第六版 DVD-ROM版 - 動画・画

そうさ-しゅぎ【操作主義】サウ...

〔哲〕概念の意味は一定の具体的操作によって規定されると考える立場。例えば長さの概念は長さを測る一群の測定操作によって定義される。アメリカの物理学者ブリッジマン(P.W.Bridgman 1882~1961)が提唱。

この定義の長所は“概念”が実現可能なこと！ 例:ロープで直角を定義

## 桁の1の n 倍の値



本資料は2012年度補助資料 9「n進法の仕組み・・・」の抜粋。記号を用いる記数法(聖刻文字: 𐎶𐎵𐎺𐎠 や漢数字: 千二百十)、メソポタミアの60進法とその名残@現代などに興味のある人は原資料を参照。

### 3. “視覚化”(眼)が無効なら“手続き”(手)で！